

地球物理学 (2013 年度春学期) (流体地球物理学分野)
最終テスト 解答用紙 (1)

学籍番号 : _____ 氏名 : _____

1. (1)

断熱だから、 $\frac{D}{Dt}T = 0$

(5)

(2)

$\vec{u} = (ax, -ay)$ 、 $\nabla T = (0, -b)$ だから、 $u \cdot \nabla T = \underline{aby}$

(5)

(3) $\frac{D}{Dt}T = \frac{\partial}{\partial t}T + \vec{u} \cdot \nabla T$ だから、

$$\frac{\partial}{\partial t}T = \frac{D}{Dt}T - \vec{u} \cdot \nabla T = 0 - aby = \underline{-aby}$$

(10)

(4)

$\frac{\partial}{\partial t}T = -aby$ だから、

$$\frac{\partial}{\partial t}(\nabla T) = \nabla \left(\frac{\partial}{\partial t}T \right) = \underline{(0, -ab)}$$

(10)

2. (1)

②を t で微分すると、

$$\frac{d^2}{dt^2} v = -f \frac{d}{dt} u$$

①を代入して、

$$\underline{\frac{d^2}{dt^2} v = -f^2 v}$$

(10)

(2)

(1) で求めた微分方程式の解は、

$$v = C \sin(ft + \alpha) \quad (C, \alpha \text{ は定数})$$

と書ける。 $t = 0$ で $v = 0$ 、 $\frac{d}{dt} v = G$ だから、

$$C \sin \alpha = 0, \quad Cf \cos \alpha = G$$

となって、

$$\alpha = 0, \quad C = \frac{G}{f}$$

したがって、

$$\underline{v = \frac{G}{f} \sin ft}$$

(5)

(3)

②より、

$$u = -\frac{1}{f} \frac{d}{dt} v + \frac{G}{f}$$

(2) の結果を代入して、

$$u = -\frac{1}{f} G \cos ft + \frac{G}{f} = \underline{\frac{G}{f} (1 - \cos ft)}$$

(5)

地球物理学 (2013 年度春学期) (流体地球物理学分野)
最終テスト 解答用紙 (2)

学籍番号 : _____ 氏名 : _____

3. (1)

①、②より、

$$\frac{\partial \omega}{\partial p} = -\left(\frac{\partial u}{\partial x} + \frac{\partial v}{\partial y}\right) = -D \cos\left(\pi \frac{p - p_1}{p_2 - p_1}\right)$$

だから、

$$\begin{aligned} \omega &= \int \frac{\partial \omega}{\partial p} dp = -D \int \cos\left(\pi \frac{p - p_1}{p_2 - p_1}\right) dp \\ &= -\frac{D(p_2 - p_1)}{\pi} \sin\left(\pi \frac{p - p_1}{p_2 - p_1}\right) + C \quad (C \text{は積分定数}) \end{aligned}$$

$p = p_1, p_2$ で $\omega = 0$ だから、 $C = 0$ となって、

$$\omega = -\frac{D(p_2 - p_1)}{\pi} \sin\left(\pi \frac{p - p_1}{p_2 - p_1}\right)$$

(10)

(2)

$p_1 = 200$ hPa、 $p_2 = 1000$ hPa、 $p = 600$ hPa のとき、

$$\sin\left(\pi \frac{p - p_1}{p_2 - p_1}\right) = \sin \frac{\pi}{2} = 1$$

だから、

$$\omega = -\frac{D(p_2 - p_1)}{\pi} = -\frac{1.57 \times 10^{-4} \times (1000 - 200) \times 100}{3.14} = -4.00 \text{ [Pa/s]}$$

したがって、

$$-4.00 \times 3600 \times \frac{1}{100} = -1.44 \times 10^2 \cong \underline{-1.4 \times 10^2 \text{ [hPa/h]}}$$

(10)

4. (1)

②の両辺を微分すると、

$$pd\alpha + \alpha dp = RdT$$

$$pd\alpha = RdT - \alpha dp$$

①に代入して、

$$C_v dT + RdT - \alpha dp = 0$$

$$C_p dT - \alpha dp = 0$$

②より、 $\alpha = \frac{RT}{p}$ だから、

$$C_p dT - \frac{RT}{p} dp = 0$$

$$\underline{\frac{C_p}{T} dT - \frac{R}{p} dp = 0}$$

(10)

(2)

$$\begin{aligned} d\theta &= \left(\frac{p}{p_0}\right)^\kappa dT + T\kappa \frac{1}{p} \left(\frac{p}{p_0}\right)^\kappa dp = T \left(\frac{p}{p_0}\right)^\kappa \left(\frac{1}{T} dT + \kappa \frac{1}{p} dp\right) \\ &= \theta \left(\frac{1}{T} dT + \kappa \frac{1}{p} dp\right) \end{aligned}$$

(10)

(3)

(1)の結果より、

$$C_p \frac{dT}{T} - R \frac{dp}{p} = 0 \quad \text{④}$$

(2)の結果より、物理量 θ が保存量であるためには、

$$d\theta = \theta \frac{dT}{T} + \kappa \theta \frac{dp}{p} = 0 \quad \text{⑤}$$

④をみたすすべての $\frac{dT}{T}$ 、 $\frac{dp}{p}$ が⑤を常にみたすためには、

$$\frac{\kappa\theta}{\theta} = -\frac{R}{C_p}$$

$$\underline{\kappa = -\frac{R}{C_p}}$$

(10)